

УДК 519.254

Идентификация модели разогрева экструдера для полимеров

© Д. В. Иванов¹, А. В. Иванов², И. Л. Сандлер³, Н. В. Чертыковцева⁴

Аннотация. В статье показано, что объект с иррациональной передаточной функцией может быть аппроксимирован уравнениями с разностями дробного порядка. Предложена математическая модель разогрева экструдера для полимеров в виде линейного уравнения с разностями дробного порядка. Данная модель сравнивалась с моделями выходной ошибки и ARX-моделями целого порядка, алгоритмы идентификации которых реализованы в расширении MatlabIdentificationtoolbox. Проведенные эксперименты показали, что модели на основе уравнений с разностями дробного порядка обладают более высокой точностью. Предложенные в статье модели и алгоритмы для идентификации разогрева экструзии полимеров могут послужить основой для создания новых высокоеффективных систем управления.

Ключевые слова: экструзия, параметрическая идентификация, разность дробного порядка, модель выходной ошибки, метод наименьших квадратов.

1. Введение

Процесс экструзии является одним из основных технологических процессов в производстве полимерной продукции. Полный цикл работы экструдера (аппарата, в котором проводится процесс экструзии) состоит из нескольких стадий:

- 1) разогрев экструдера до заданного технологическими условиями температурного режима;
- 2) пуск процесса экструзии – переход от состояния, когда продукция на выходе экструдера отсутствует, до состояния, когда исходная продукция экструдера соответствует заданным количественным и качественным характеристикам;
- 3) режим нормальной эксплуатации;
- 4) остановка процесса экструзии.

Первая из названных выше стадий – режим разогрева – характеризуется непродуктивными затратами рабочего времени и энергетических ресурсов. Поэтому, с точки зрения повышения эффективности работы технологического оборудования в производстве полимеров в целом и энергосбережения в частности, задача управления режимом разогрева экструдера может быть сформулирована следующим образом: необходимость разогреть

¹ Иванов Дмитрий Владимирович, доцент кафедры мехатроники, автоматизации и управления на транспорте, ФГБОУ ВО "СамГУПС" (443066, г. Самара, ул. Свободы, 2 В), кандидат физико-математических наук, ORCID: <http://orcid.org/0000-0002-5021-5259>, dvi85@list.ru

² Иванов Александр Владимирович, аспирант кафедры мехатроники, автоматизации и управления на транспорте, ФГБОУ ВО "СамГУПС" (443066, г. Самара, ул. Свободы, 2 В), ORCID: <http://orcid.org/0000-0001-7890-6177>, aivanov_2016@list.ru

³ Сандлер Илья Львович, старший преподаватель кафедры мехатроники, автоматизации и управления на транспорте, ФГБОУ ВО "СамГУПС" (443066, г. Самара, ул. Свободы, 2 В), ORCID: <http://orcid.org/0000-0003-4967-3321>, sandleri@bk.ru

⁴ Чертыховцева Наталья Валерьевна, декан факультета СИТ, ФГБОУ ВО "СамГУПС" (443066, г. Самара, ул. Свободы, 2 В), кандидат технических наук, ORCID: <http://orcid.org/0000-0002-0060-9778>, chertykovtseva@mail.ru

экструдер до нужного температурного режима по зонам за кратчайшее время без перегрева аппарата (или с минимальным перегревом).

В последнее время появились результаты научных исследований, посвященные решению сформулированной задачи. Как показали результаты исследований, приведенные в [1-4], управление разогревом экструдера должно осуществляться на основе математической модели, которая существенно улучшает качество самого процесса. Следовательно, для повышения эффективности режима разогрева экструдера нужна соответствующая математическая модель. Большинство известных на сегодняшний день научных работ, посвященных этому вопросу, направлены на разработку алгоритмов идентификации математических моделей первого порядка с запаздыванием (ППЗ) или второго порядка с запаздыванием (ВПЗ). Данные модели описывают объект с сосредоточенными параметрами, что является достаточно грубым допущением при моделировании процесса разогрева экструдера. В статье предложена модель разогрева экструзии полимеров в виде линейного уравнения с разностями дробного порядка.

2. Постановка задачи о локальной приводимости

Рассмотрим идеальный без потерь процесс нагрева полубесконечного тела. Ось направлена перпендикулярно нагреваемой поверхности, а начало совпадает с ней. Запишем уравнение теплопроводности для данного случая

$$\begin{aligned} \frac{\partial T(l, t)}{\partial t} &= \gamma \frac{\partial^2 T(l, t)}{\partial l^2}, 0 < l < \infty, t > 0, \\ -\lambda \frac{\partial T(l, t)}{\partial l} &= \varphi(t), l = 0, t > 0, \\ T(l, t) &= 0, 0 \leq l < \infty, t = 0. \end{aligned} \quad (2.1)$$

Используя преобразование Лапласа, приведем уравнение к обыкновенному дифференциальному уравнению

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 \bar{T}(l, s)}{\partial l^2} - \frac{s}{\gamma} \bar{T}(l, s) &= 0, \\ \bar{T}(l, s) &= L\{T(l, s)\}. \end{aligned} \quad (2.2)$$

Решение этого уравнения будет иметь вид

$$\bar{T}(l, s) = K_1(s)e^{-l\sqrt{\frac{s}{\gamma}}} + K_2(s)e^{l\sqrt{\frac{s}{\gamma}}}.$$

Передаточная функция при нулевых граничных условиях передаточная функция может быть записана в виде

$$W(l, s) = \frac{\bar{T}(l, s)}{\bar{\varphi}(s)} = \frac{\sqrt{\gamma}}{\lambda \sqrt{s}} e^{-l\sqrt{\frac{s}{\gamma}}}. \quad (2.4)$$

Введем замену переменной $u = l\sqrt{\frac{s}{\alpha}}$. Используя аппроксимацию Паде порядка Р

$$e^{-u} \approx \frac{\sum_{k=0}^P \frac{(2P-k)!}{k!(P-k)!} (-u)^k}{\sum_{k=0}^P \frac{(2P-k)!}{k!(P-k)!} u^k}. \quad (2.5)$$

Подставляя (2.5) в (2.4), получим

$$W(l, s) \approx H_P(s) = \frac{\sqrt{\gamma}}{\lambda\sqrt{s}} \frac{\sum_{k=0}^P \frac{(2P-k)!}{k!(P-k)!} (-l\sqrt{\frac{s}{\gamma}})^k}{\sum_{k=0}^P \frac{(2P-k)!}{k!(P-k)!} (l\sqrt{\frac{s}{\gamma}})^k}. \quad (2.6)$$

Таким образом, передаточная функция уравнения теплопроводности, будет содержать слагаемые со степенями, кратными \sqrt{s} . Такая передаточная функция соответствует дифференциальному уравнению с производными с производными дробных порядков, т.к. $\sqrt{s} \rightarrow \frac{d^{0.5}}{dt^{0.5}}$.

Учитывая, что реальный процесс будет иметь потери, и, кроме того, неоднородность среды, в общем виде уравнения теплообмена могут записаны через уравнения дробных порядков [5]. При аппроксимации решений данных уравнений могут возникать степени, не кратные \sqrt{s} .

Учитывая, что информация об объекте управления поступает в дискретном виде с частотой дискретизации 1 с, целесообразно проводить идентификацию на основе дискретных моделей во временной области.

3. Параметрическая идентификация процесса разогрева экструдера

В общем виде модель процесса нагрева имела следующий вид

$$z_i = \sum_{m=1}^r b_0^{(m)} \Delta^{\alpha_m} z_{i-1} + \sum_{m=1}^{r_1} a_0^{(m)} \Delta^{\beta_m} x_{i-d}, y_i = z_i + \xi_i, \quad (3.1)$$

где $\alpha_1 \dots < \alpha_r$, $\beta_1 \dots < \beta_{r_1}$, $\Gamma(\alpha) = \int_0^\infty e^{-t} t^{\alpha-1} dt$,

$$\Delta^{\alpha_m} z_i = \sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\alpha_m}{j} z_{i-j}, \Delta^{\beta_m} x_i = \sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\beta_m}{j} x_{i-j},$$

$$\binom{\alpha_m}{j} = \frac{\Gamma(\alpha_m+1)}{\Gamma(j+1)\Gamma(\alpha_m-j+1)}, \binom{\beta_m}{j} = \frac{\Gamma(\beta_m+1)}{\Gamma(j+1)\Gamma(\beta_m-j+1)},$$

y_i – измеренное значение температуры;

x_i – входная переменная, представленная в виде функции Хевисайда;

ξ_i – помеха наблюдения.

Оценки параметров определялись из условия минимума критерия [6,7]

$$\min_{\theta \in \tilde{B}} \sum_{i=1}^N \frac{(y_i - \phi_i^T \theta)^2}{1 + b^T H_\alpha b}, \quad (3.2)$$

$$\phi_i = \left(\left(\phi_y^{(i)} \right)^T \mid \left(\phi_x^{(i)} \right)^T \right)^T, \phi_y^{(i)} = \left(\sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\alpha_1}{j} y_{i-j-1}, \dots, \sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\alpha_r}{j} y_{i-j-1} \right)^T,$$

$$\phi_x^{(i)} = \left(\sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\beta_1}{j} x_{i-j}, \dots, \sum_{j=0}^i (-1)^j \binom{\beta_{r_1}}{j} x_{i-j} \right)^T,$$

$$\theta = (b^T \mid a^T)^T, b = (b^{(1)}, \dots, b^{(r)})^T, a = (a^{(0)}, \dots, a^{(r_1)})^T,$$

$$H_\alpha = \left(\begin{array}{c|c} h_\alpha^{(11)} & \dots \\ \vdots & \vdots \\ \hline h_\alpha^{(1r)} & \dots \end{array} \begin{array}{c} | \\ h_\alpha^{(r1)} \\ \vdots \\ | \\ h_\alpha^{(rr)} \end{array} \right), \quad h_\alpha^{(mn)} = \lim_{N \rightarrow \infty} \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N-1} \left(\begin{array}{c} \alpha_m \\ j \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \alpha_n \\ j \end{array} \right) \frac{N-j}{N}.$$

В общем случае вычисление оценок является задачей минимизации отношения двух квадратичных форм. В [8] предложен двухэтапный итерационный алгоритм, позволяющий находить минимум (3.2), решая только системы линейных алгебраических уравнений.

Шаг 0. $\hat{\lambda}'(0) = 0$.

Шаг 1. $\hat{\lambda}'(i) = \frac{(\lambda_{\min} + \hat{\lambda}'(i-1))}{2}$, λ_{\min} определяется из

$$\det \left(\Phi_y^T \Phi_y - \Phi_y^T \Phi_x (\Phi_x^T \Phi_x)^{-1} (\Phi_y^T \Phi_x)^T - \lambda H_\alpha(N) \right) = 0.$$

Шаг 2. Вычислить $\hat{b}(N, \hat{\lambda}'(i))$, $\hat{a}(N, \hat{\lambda}'(i))$, из системы уравнений

$$\left(\begin{array}{c} \hat{b}(N, \hat{\lambda}) \\ \hat{a}(N, \hat{\lambda}) \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c|c} \Phi_y^T \Phi_y - \hat{\lambda} H_\alpha(N) & \Phi_y^T \Phi_x \\ \hline \Phi_x^T \Phi_y & \Phi_x^T \Phi_x \end{array} \right)^{-1} \left(\begin{array}{c} \Phi_y^T Y \\ \Phi_x^T Y \end{array} \right). \quad (3.3)$$

$$\text{где } Y = (y_1, \dots, y_N)^T, \quad \Phi = \left(\begin{array}{c|c} \Phi_y & \Phi_x \end{array} \right) = \left(\begin{array}{c|c} \left(\phi_y^{(0)} \right)^T & \left(\phi_x^{(0)} \right)^T \\ \vdots & \vdots \\ \left(\phi_y^{(N-1)} \right)^T & \left(\phi_x^{(N-1)} \right)^T \end{array} \right).$$

Шаг 3. Проверить условие $V_N(\hat{\lambda}'(i)) \leq 0$.

$$V_N(\lambda) = Y^T Y - \hat{\lambda}'(i) - \left(\Phi_y^T Y \hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) + \Phi_x^T Y \hat{a}(N, \hat{\lambda}(i)) \right),$$

тогда, если уравнение $V_N(\hat{\lambda}'(i)) = 0$ имеет корень $\hat{\lambda}'_1(N) \in [0, \lambda_{\min}(N)]$, то последовательность $\hat{\lambda}'(0), \hat{\lambda}'(1), \dots, \hat{\lambda}'(i)$ – конечна и $\lambda(0) \in [\hat{\lambda}'_1(N), \lambda_{\min}(N)]$, в противном случае последовательность бесконечна.

Этот алгоритм позволяет определить начальное приближение $\hat{\lambda}(0)$, необходимое для дальнейшего применения метода Ньютона или определить, что корень $\hat{\lambda}'_1(N)$ не существует.

Пусть существуют $\hat{\lambda}(0) \in [\hat{\lambda}'_1(N), \lambda_{\min}(N)]$, тогда $\lim_{i \rightarrow \infty} \hat{\lambda}(i) = \hat{\lambda}'_1(N)$, $\lim_{i \rightarrow \infty} \hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) = \hat{b}(N)$, $\lim_{i \rightarrow \infty} \hat{a}(i, \hat{\lambda}(i)) = \hat{a}(N)$, где $\hat{\lambda}(i)$, $\hat{b}(i, \hat{\lambda}(i))$ и $\hat{a}(i, \hat{\lambda}(i))$ определяются совместно со следующим алгоритмом.

Шаг 1. Вычислить $\hat{b}(N, \hat{\lambda}'(i))$, $\hat{a}(N, \hat{\lambda}'(i))$, из системы уравнений (3.3).

Шаг 2. Вычислить

$$\begin{aligned} \hat{\lambda}(i+1) &= \left(1 + \left[\hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) \right]^T H_\alpha(N) \hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) \right)^{-1} \times \\ &\times \left(Y^T Y + \hat{\lambda}(i) \left(\left[\hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) \right]^T H_\alpha(N) \hat{b}(N, \hat{\lambda}(i)) \right) - \left(\frac{\Phi_y^T Y}{\Phi_x^T Y} \right) \left(\frac{\hat{b}(N, \hat{\lambda}'(i))}{\hat{a}(N, \hat{\lambda}'(i))} \right) \right). \end{aligned}$$

Шаг 3. Перейти к шагу 1.

Процесс вычисления заканчивается, если выполняется условие

$$\frac{\|V_N(\hat{\lambda}(i+1)) - V_N(\hat{\lambda}(i))\|}{\|V_N(\hat{\lambda}(i+1))\|} \leq \delta,$$

где δ – априорно заданная точность оценок.

Это утверждение непосредственно вытекает из метода Ньютона

$$\hat{\lambda}(i+1) = \hat{\lambda}(i) - \frac{V_N(\hat{\lambda}(i))}{\dot{V}_N(\hat{\lambda}(i))}.$$

4. Результаты экспериментальных исследований

Испытания проводились на экструдере ESE 1-35-27. Экструдер имеет 3 зоны нагрева. Мощность каждого нагревателя 0.5 кВт. Погрешность измерения температуры $\pm 1^\circ\text{C}$. Схема расположения зон нагрева представлена на рисунке 4.1.

Экспериментально были получены переходные характеристики для нагрева каждой из трех зон при включении соответствующего нагревателя.

Идентификация проводилась на основе алгоритма, описанного в предыдущем разделе (модель выходной ошибки дробного порядка), а также использовалось расширение Matlab, Identification toolbox, в котором реализована идентификация параметров моделей выходной ошибки (output error) и ARX (autoregressive with exogenous input) для моделей целого порядка. Для всех трех моделей время запаздывания определялось по графикам.

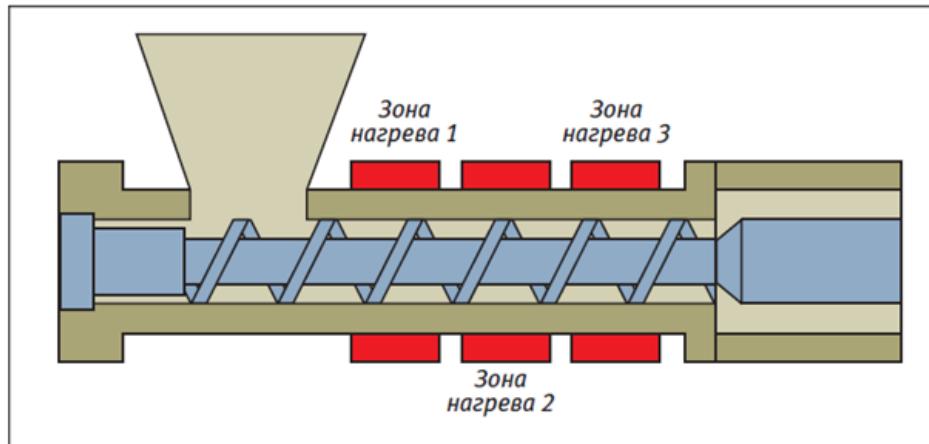


Рисунок 4.1

Схема расположения зон в экструдере

Модели для трех зон нагрева приведены в таблице 1. Стоит отметить, что при возрастании порядка целочисленных моделей, ковариационная матрица становилась плохо обусловленной и точность моделирования ухудшалась.

Графики абсолютных погрешностей для трех зон представлены ниже.

Таблица 1: Виды экспериментальных моделей

№	ARX целого порядка	ОЕ целого порядка	ОЕ дробного порядка
1	$z_i = 0.9989z_{i-1} + 0.1751x_{i-31}$	$z_i = 0.9989z_{i-1} + 0.1749x_{i-31}$	$z_i = 0.9903z_{i-1} + 0.1014\Delta^{-0.55}x_{i-31},$
2	$z_i = 0.9992z_{i-1} + 0.1531x_{i-38}$	$z_i = 0.9992z_{i-1} + 0.1492x_{i-38}$	$z_i = 0.9706z_{i-1} + 0.0602\Delta^{-0.55}x_{i-36},$
3	$z_i = 0.9989z_{i-1} + 0.5857x_{i-31}$	$z_i = 1.966z_{i-1} - 0.966z_{i-2} + 1.48x_{i-31} - 3.03x_{i-32} + 1.56x_{i-33}$	$z_i = 0.9798z_{i-1} + 0.1366\Delta^{-0.5}x_{i-40},$

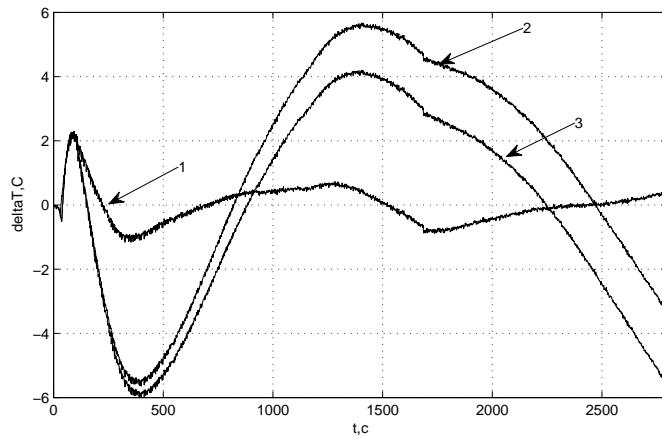


Рисунок 4.2

График абсолютной погрешности для первой зоны нагрева. 1. ОЕ модель дробного порядка, 2. ARX модель целого порядка, 3. ОЕ-модель целого порядка

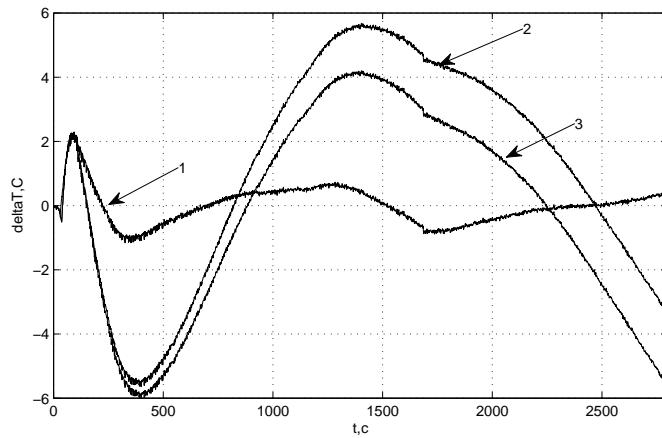


Рисунок 4.3

График абсолютной погрешности для второй зоны нагрева. 1. ОЕ модель дробного порядка, 2. ARX модель целого порядка, 3. ОЕ-модель целого порядка

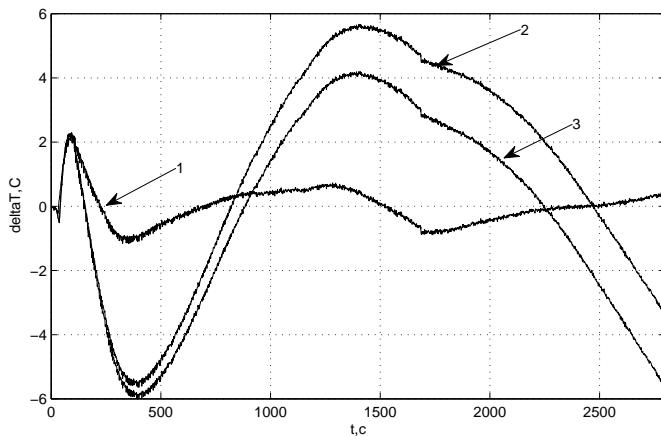


Рисунок 4.4

График абсолютной погрешности для третьей зоны нагрева. 1. ОЕ модель дробного порядка, 2. ARX модель целого порядка, 3. ОЕ-модель целого порядка

Из представленных графиков видно, что модели на основе уравнений с разностями дробного порядка точнее известных дискретных ARX и ОЕ моделей. Для всех трех зон погрешность моделей не превышала 2° С.

5. Заключение

Проведенные эксперименты показали, что модели на основе уравнений с разностями дробного порядка обладают более высокой точностью. Предложенные в статье модели и алгоритмы для идентификации разогрева экструзии полимеров могут послужить основой для создания новых высокоэффективных систем управления. Дальнейшим направлением работы является построение единой модели, учитывающей взаимное влияние зон разогрева, на основе алгоритмов, позволяющих осуществлять структурно параметрическую идентификацию.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. C. Diduch, R. Dubay, W. G. Li, "Temperature control of injection molding. Part 1: Modeling and identification", *Polymer Engineering and Science*, **44**:12 (2004), 2308–2317, <http://dx.doi.org/10.1002/pen.20258>.
2. C. Diduch, R. Dubay, W. G. Li, "Temperature control of injection molding. Part 2: Controller design, simulation, and implementation", *Polymer Engineering and Science*, **44**:12 (2004), 2318-2326, <http://dx.doi.org/10.1002/pen.20259>.
3. E. Dassau, B. Grosman, D. R. Lewin, "Modeling and temperature control of rapid thermal processing", *Computers and Chemical Engineering*, **30**, 2006, 686-697, <https://dx.doi.org/10.1016/j.compchemeng.2005.11.007>.
4. S.-O. Lindert, G. Reindl, K. Schlacher, "Identification and Control of an Injection Moulding Machine", *IFAC Proceedings Volumes*, **47**, 2014, 5878 - 5883, <https://doi.org/10.3182/20140824-6-ZA-1003.01488>.

5. D. Sierociuk, A. Dzielinski, G. Sarwas, I. Podlubny, T. Skovranek, "Modelling heat transfer in heterogeneous media using fractional calculus", *Philosophical Transactions of the Royal Society of London Series A*, **371** (2013), 20120146, <https://dx.doi.org/10.1098/rsta.2012.0146>.
6. D. V. Ivanov, "Identification Discrete Fractional Order Linear Dynamic Systems with output-error", Proc. Int. Siberian Conference on Control and Communications (SIBCON'2013), 2013, 1-4, <http://dx.doi.org/10.1109/SIBCON.2013.6693623>.
7. D. V. Ivanov, "Identification discrete fractional order linear dynamic systems with errors-in-variables", Proc. East-West Design & Test Symposium, 2013 (EWDTs'2013), 2013, 1-4, <http://dx.doi.org/10.1109/EWDTs.2013.6673122>.
8. D. V. Ivanov, "Numerical algorithms of parameter estimation of linear dynamic systems fractional order with noise in the output signal", *Applied Discrete Mathematics and Heuristic Algorithms*, **1**:1 (2015), 23-31.

Поступила 10.07.2017

MSC2010 93E12

Identification of the heating model plastic injection molding machines

© D. V. Ivanov ⁵, A. V. Ivanov ⁶, I. L. Sandler ⁷, N. V. Chertykovtseva ⁸

Abstract. The paper shows that an object with an irrational transfer function can be approximated by equations with fractional-order differences. A mathematical model of the plastic engine molding heating model in the form of a linear equation with fractional-order differences is proposed. This model was compared with models of output error and ARX (autoregressive with exogenous input) models of integer order. Identification algorithms of these models are implemented in the Identification toolbox Matlab extension. The experiments carried out showed that models based on equations with fractional-order differences have higher accuracy. The models and algorithms proposed in the paper for identifying the heating of engine molding machine can serve as a basis for the creation of new highly efficient control systems.

Key Words: Injection molding, parametric identification, difference of fractional order, model of output error, least squares method

⁵ **Dmitriy V. Ivanov**, Associate Professor, Department of Mechatronics, Automatization and Control On Transport, Samara State University of Transport (2B Bezymianniy lane., Samara 443066, Russia), Ph.D. (Physics and Mathematics), ORCID: <http://orcid.org/0000-0002-5021-5259>, dvi85@list.ru

⁶ **Alexandr V. Ivanov**, Ph.D. student, Department of Mechatronics, Automatization and Control On Transport, Samara State University of Transport, (2B Bezymianniy lane., Samara 443066, Russia), ORCID: <http://orcid.org/0000-0001-7890-6177>, aivanov_2016@list.ru

⁷ **Ilya L. Sandler**, Senior Lecturer, Department of Mechatronics, Automatization and Control On Transport, Samara State University of Transport (2B Bezymianniy lane., Samara 443066, Russia), ORCID: <http://orcid.org/0000-0003-4967-3321>, virus@bk.ru

⁸ **Natalia V. Chertykovtseva**, Dean of faculty, Samara State University of Transport (2B Bezymianniy lane., Samara 443066, Russia), Ph.D. (Candidate of Engineering Sciences), ORCID: <http://orcid.org/0000-0002-0060-9778>, chertykovtseva@mail.ru

REFERENCES

1. C. Diduch, R. Dubay, W.G. Li, "Temperature control of injection molding. Part 1: Modeling and identification", *Polymer Engineering and Science*, **44**:12 (2004), 2308–2317, <http://dx.doi.org/10.1002/pen.20258>.
2. C. Diduch, R. Dubay, W.G. Li, "Temperature control of injection molding. Part 2: Controller design, simulation, and implementation", *Polymer Engineering and Science*, **44**:12 (2004), 2318-2326, <http://dx.doi.org/10.1002/pen.20259>.
3. E. Dassau, B. Grosman, D.R. Lewin, "Modeling and temperature control of rapid thermal processing", *Computers and Chemical Engineering*, **30**, 2006, 686-697, <https://dx.doi.org/10.1016/j.compchemeng.2005.11.007>.
4. S.-O. Lindert, G. Reindl, K. Schlacher, "Identification and Control of an Injection Moulding Machine", *IFAC Proceedings Volumes*, **47**, 2014, 5878 - 5883, <https://doi.org/10.3182/20140824-6-ZA-1003.01488>.
5. D. Sierociuk, A. Dzielinski, G. Sarwas, I. Podlubny, T. Skovranek, "Modelling heat transfer in heterogeneous media using fractional calculus", *Philosophical Transactions of the Royal Society of London Series A*, **371** (2013), 20120146, <https://dx.doi.org/10.1098/rsta.2012.0146>.
6. D.V. Ivanov, "Identification Discrete Fractional Order Linear Dynamic Systems with output-error", Proc. Int. Siberian Conference on Control and Communications (SIBCON'2013), 2013, 1-4, <http://dx.doi.org/10.1109/SIBCON.2013.6693623>.
7. D.V. Ivanov, "Identification discrete fractional order linear dynamic systems with errors-in-variables", Proc. East-West Design & Test Symposium, 2013 (EWDTs'2013), 2013, 1-4, <http://dx.doi.org/10.1109/EWDTs.2013.6673122>.
8. D.V. Ivanov, "Numerical algorithms of parameter estimation of linear dynamic systems fractional order with noise in the output signal", *Applied Discrete Mathematics and Heuristic Algorithms*, **1**:1 (2015), 23-31.

Submitted 10.07.2017